

Eletricidade e Magnetismo II – Licenciatura: 10ª Aula (30/08/2012)

Prof. Alvaro Vannucci

Na última aula vimos:

- $B_{\text{solenóide}} = \mu_0 n I$
 - $B_{\text{toróide}} = \frac{\mu_0 n I}{2\pi r}$
- ; $n = \frac{N}{\ell}$

• Considerando o movimento clássico de um elétron nos átomos/moléculas como formando pequenas *espiras de corrente*:

$$I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = \frac{e}{T} = e f = \frac{e \omega}{2\pi} = \frac{e v}{2\pi R}; \text{ sendo que } \vec{m} = IA \hat{n} = \frac{e v r}{2} \hat{n}$$

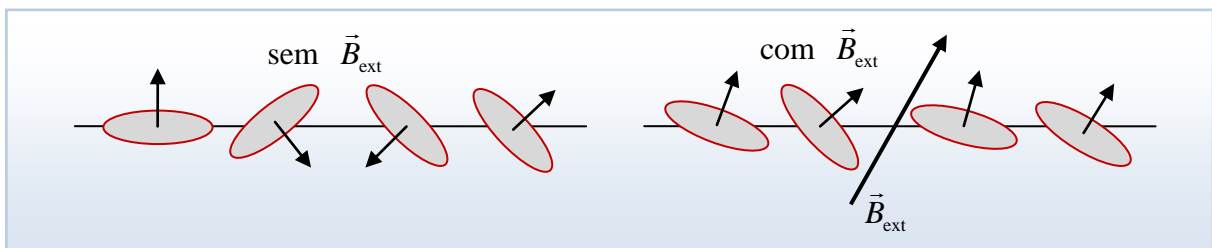
➤ Considerando a existência de N destes dipolos em um certo volume $\Delta V \rightarrow$ o momento de dipolo magnético total será:

$$\vec{m}_{\text{total}} = \sum_{i=1}^N \vec{m}_i$$

➤ Analogamente ao que fixemos com respeito à polarização das moléculas, aqui também definiremos o **vetor magnetização**:

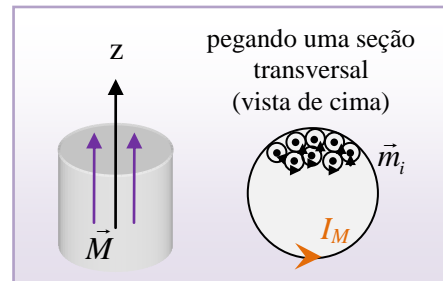
$$\vec{M} = \frac{\vec{m}_{\text{total}}}{\Delta V} = \frac{1}{\Delta V} \sum_{i=1}^N \vec{m}_i \quad \left(\text{unidade: } \frac{A m^2}{m^3} = \frac{A}{m} \right)$$

➤ Normalmente a orientação desses N dipolos na matéria é aleatória; mas com a aplicação de um \vec{B}_{ext} ocorre um alinhamento (mais ou menos parcial) dos vários \vec{m}_i em relação às linhas de campo do \vec{B}_{ext} :



- De forma que, na situação de alinhamento, o meio como um todo passa a ser uma fonte de campo magnético, representado por \vec{M} !
- E note que este efeito pode ser também interpretado como devido à existência de uma “corrente global de magnetização” (I_M).

- Por exemplo, considere um tarugo cilíndrico com os dipolos alinhados na direção axial (de z), gerando $\vec{M} = M \hat{z}$.



- Observe, na figura, a tendência natural de ocorrer um “cancelamento par a par” dos efeitos produzidos por dipolos adjacentes.

- De forma que o “efeito global” – que gera a magnetização – pode ser entendido como devido à existência de uma “corrente de magnetização” I_M (imaginária) que flui pela superfície do tarugo cilíndrico.

- Em analogia à Lei de Ampère, esta corrente de magnetização global pode ser escrita:

$$I_M = \oint_C \vec{M} \cdot d\vec{l}$$

circuitação ao longo da superfície do material

- Agora, nas situações em que há campos magnéticos produzidos tanto por correntes reais quanto de magnetização, a Lei de Ampère torna-se:

$$I_M = \oint \frac{\vec{B}}{\mu_0} \cdot d\vec{l} = I_{\text{ent}}^{\text{total}} = I^{\text{real}} + I_M = I^{\text{real}} + \oint \vec{M} \cdot d\vec{l}$$

$$\Rightarrow \oint \left(\frac{\vec{B}}{\mu_0} - \vec{M} \right) \cdot d\vec{l} = I^{\text{real}}; \quad \text{ou} \quad \oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = I_{\text{ent}}^{\text{real}}$$

- Sendo que $\vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu_0} - \vec{M}$ e, no vácuo ($\vec{M} = 0$): $\vec{B} = \mu_0 \vec{H}$
 $\Rightarrow \vec{B} = \mu_0 (\vec{H} + \vec{M})$

- Agora, sob ação de um \vec{H}_{ext} (\vec{H} relacionado apenas com correntes reais) a grande maioria dos materiais passa a apresentar um certo grau de magnetização \vec{M} , de forma que podemos escrever:

$$\vec{M} = \chi_M \vec{H}, \text{ sendo } \chi_M \equiv \text{susceptibilidade magnética do meio.}$$

- De forma que $\vec{B} = \underbrace{\mu_0 (1 + \chi_M)}_{\equiv \mu} \vec{H}$, sendo $\mu \equiv$ permeabilidade magnética do meio.

➤ Portanto, de forma geral: $\vec{B} = \mu\vec{H}$

➤ Lembrando: quando estudamos o campo elétrico agindo na matéria, vimos que as cargas de polarização eram criadas de forma a sempre enfraquecer o campo resultante:

$$\vec{E}_{\text{resultante}} = \vec{E}_0 - \vec{E}_{\text{induzido}}$$

➤ No magnetismo, porém, o efeito não é único!

➤ Isto porque, além do momento de dipolo magnético orbital (que vimos acima), os elétrons também apresentam um “momento de dipolo magnético de *spin*”.

➤ De forma que o momento de dipolo magnético resultante irá depender da soma destes dipolos de todos os átomos (e mais as interações mútuas).

➤ Classificam-se, assim, os materiais em três categorias distintas

1. Paramagnéticos

2. Ferromagnéticos

3. Diamagnéticos

Materiais destes dois tipos naturalmente possuem momento de dipolo magnético resultante diferente

Paramagnetismo

➤ Nos materiais paramagnéticos, que corresponde à grande maioria, os momentos de dipolo magnético não interagem entre si e não se encontram normalmente alinhados.

➤ Além disso, possuem permeabilidades magnéticas $\mu \approx \mu_0$ (sempre estaremos adotando esta condição no nosso curso, a não ser que se especifique o contrário).

➤ Quando se aplica um campo magnético externo, ocorre então um alinhamento que contribui para aumentar a intensidade do campo resultante.

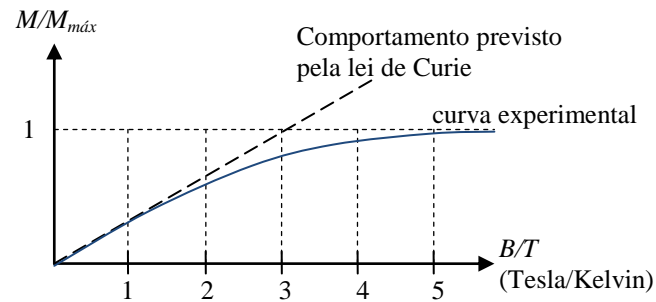
➤ Em 1895, Pierre Curie propõe uma expressão empírica para a magnetização induzida em meios paramagnéticos

$$M = C \frac{B}{T}$$

Diagram illustrating the equation $M = C \frac{B}{T}$. The constant C is labeled as "constante que depende do material". The magnetic field B is labeled as "Campo magnético aplicado". The temperature T is labeled as "temperatura do material".

➤ Após uma simples análise fica claro que esta equação só deve valer para valores não muito elevados de B/T , já que deverá haver uma condição de máxima magnetização (ou *saturação*) que corresponde à situação de máximo alinhamento dos dipolos magnéticos.

- Em uma amostra de $\text{KCr}(\text{SO}_4)_2 \cdot 12\text{H}_2\text{O}$, por exemplo, sabe-se que os átomos de cromo serão os responsáveis pelo efeito paramagnético do material:



- Note, do gráfico, que para se conseguir 99,5% de saturação é preciso aplicar na amostra, a uma temperatura $T_{\text{amostra}} \sim 1,3\text{K}$, um campo de aproximadamente 5 teslas (ou 50.000 gauss).
- No entanto, em condições usuais de laboratório, com campos de aproximadamente 1T e temperaturas da ordem de 10K:

$$\frac{B}{T} \sim \frac{1\text{T}}{10\text{K}} = 0,1 \frac{\text{T}}{\text{K}}$$

- Ou seja (observar o resultado no gráfico), a Lei de Curie pode ser perfeitamente aplicada.